

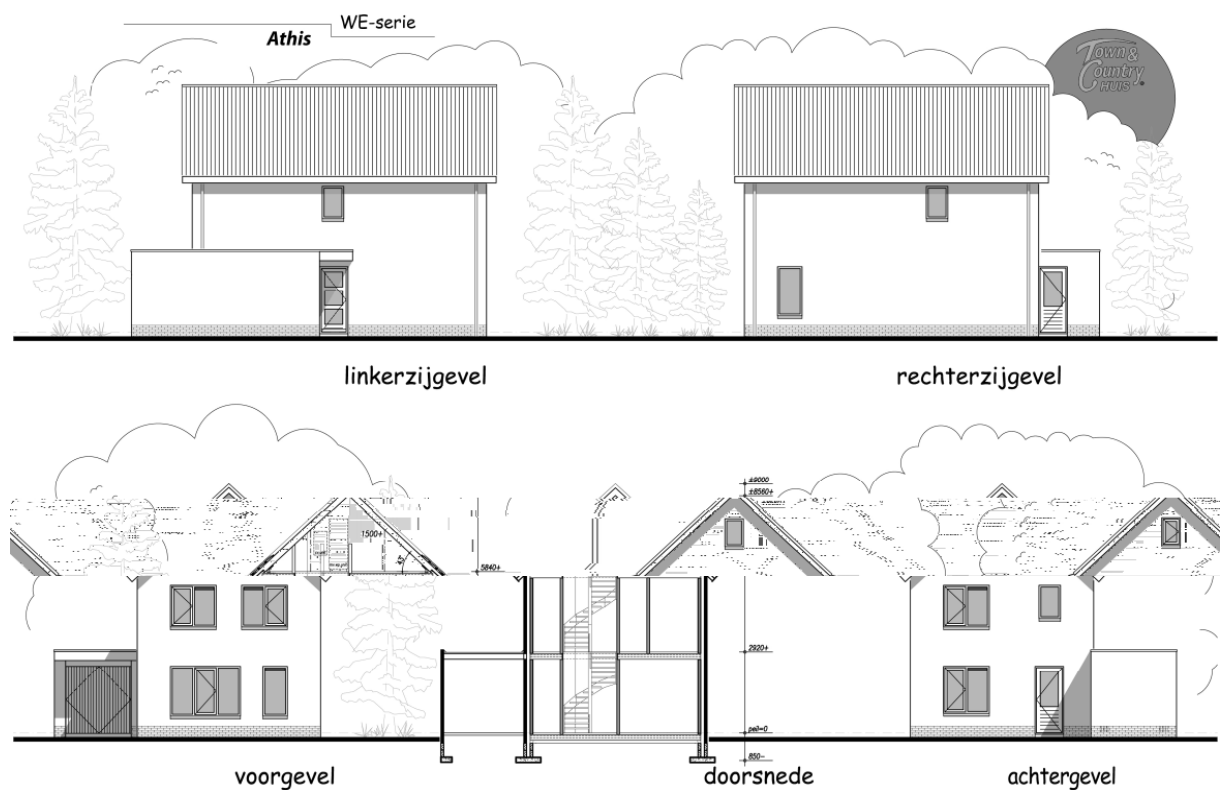
# Aanzichten en inhoud



## §1 Aanzichten

In deze paragraaf gaan we aan de slag met aanzichten: welke informatie heb je nodig om een aanzicht te tekenen? Hoe teken je een aanzicht? En ook andersom: hoe haal je informatie uit aanzichten voor het tekenen van een figuur?

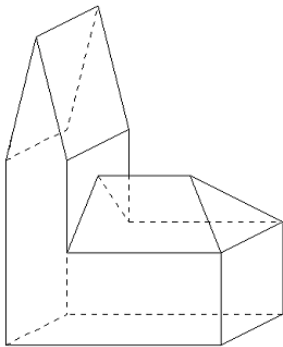
Als je een huis laat bouwen, dan maakt de architect technische tekeningen, maar ook hoe het huis van verschillende kanten uit komt te zien. Hieronder zie je een tekening waarin het huis van vier kanten is getekend en een doorsnede.



In de week kun je maken we meestal 3 aanzichten: vooraanzicht, zijaanzicht en bovenaanzicht.

## Aanpak

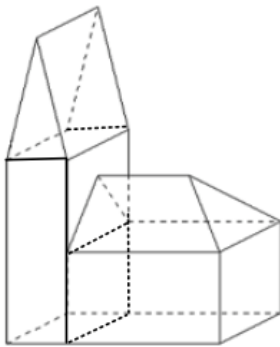
Hieronder zie je een tekening van een kerk. Van deze kerk gaan we de 3 aanzichten tekenen



We beginnen met het vooraanzicht:

- Wat zie je als je recht voor de kerk gaat staan?
- Welke vorm en herken je dan?

Deze kerk bestaat uit een toren en een schip (het gedeelte naast de toren)

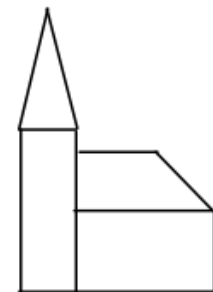


In de tekening links zijn nog een paar lijnen getekend zodat je nog beter kunt zien uit welke lichamen deze kerk bestaat.

De toren bestaat uit een balk en een prisma. Het vooraanzicht wordt dan een rechthoek en een driehoek.

Het schip van de kerk bestaat uit een balk met daarop een prisma en een piramide. Dus het vooraanzicht wordt een rechthoek

met daar een rechthoek en een driehoek.



vooraanzicht

Voor het zijaanzicht doen we hetzelfde:

De toren is een balk, dus het zijaanzicht, net als het vooraanzicht, een rechthoek.

Het dak van de toren is een prisma. In dit zijaanzicht is het dan een rechthoek.

Het schip van de kerk bestaat van de zijkant gezien uit een balk en een piramide, dus het zijaanzicht is een rechthoek met daarop een driehoek.



zijaanzicht

1. Bereken op de manier van hierboven waarom het bovenaanzicht er zo uit ziet.



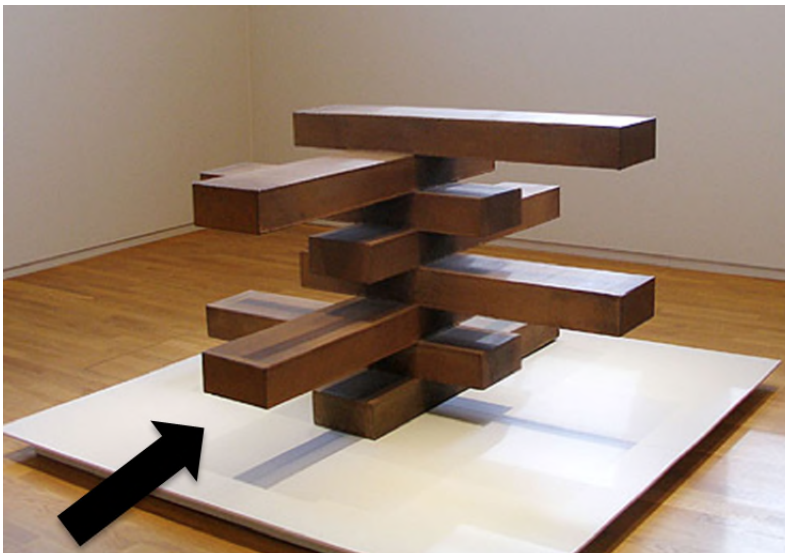
bovenaanzicht

Hieronder zie je een foto van een plantenbak, die opgebouwd is uit twintig balken. De lengte van een balk is 140 cm. De balken steken aan de ene kant 20 cm uit en aan de andere kant 80 cm. De plantenbak is 80 cm hoog. De balken zijn 10 cm dik.



2. Teken de drie aanzichten met schaal 1:10 voorbovenstaande plantenbak. De pijl geeft de voorkant aan.

Hieronder zie je de foto van een kunstwerk bestaande uit 8 balken. Elke balk is 100 cm bij 20 cm bij 10 cm. Een balk steekt aan de korte kant 20 cm uit.



3. Teken de drie aanzichten van dit kunstwerk met schaal 1:10. De pijl geeft de voorkant aan.



Op onderstaande foto zie je het kunstwerk "Vierdelig rood stalen beeld" van Harry Teeuw en de Jong op het Maaasplein in Alblasdardan. Het kunstwerk bestaat uit rode stalen buizen die allemaal een lengte van 1,4 meter hebben.



Deze foto geeft nog geen duidelijkheid over de positie van de buizen die omhoog staan.

4. Waar zou je moeten gaan staan om die duidelijkheid wel te krijgen?

In het vervolg van deze opgave gaan we ervan uit dat de opstaande driehoek van de twee buizen loodrecht op de grond staat.

5. Laat met een berekening zien dat de top van elk element op hoogte 99 cm ligt.

6. Teken de drie aanzichten op schaal. Verwaarloos de dikte van de buizen. De pijl geeft de voorkant aan en heeft dezelfde richting als een van de buizen in het grondvlak.

Op de foto hiernaast staat een oude ronde bunker.

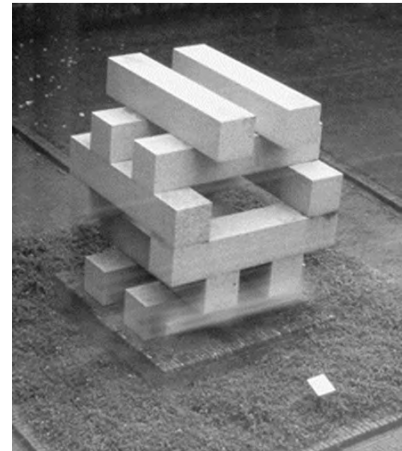
7. Als we het gedeelte met de ingang evenweden denken: waarom zijn het voor- en zij-aanzicht dan hetzelfde?



### 12 balken

Op de binnenplaats van het museum Catharijneconvent in Utrecht staat een kunstwerk van Max Bill. Zie foto 1.

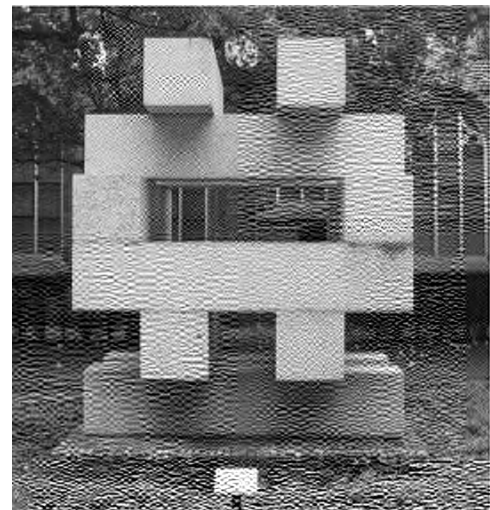
foto 1



Het kunstwerk is opgebouwd uit 12 balken. Deze balken hebben alle dezelfde afmetingen: 42 bij 42 bij 210 cm. Elke laag van het kunstwerk bestaat uit twee evenwijdig geplaatste balken.

Op foto 2 zie je het vooraanzicht van het kunstwerk.

foto 2



Op de uitwerkingbijlage staat het vooraanzicht afgebeeld.

8. Teken op de uitwerkingbijlage een zijaanzicht en het bovenaanzicht van dit kunstwerk.

Op de website van wisweb staan twee appletsoverzichten. De eerste is 'aanzichten raden' en de tweede, een stuk lastiger, is 'nabouw en meetaanzichten'.

De linkszijde:

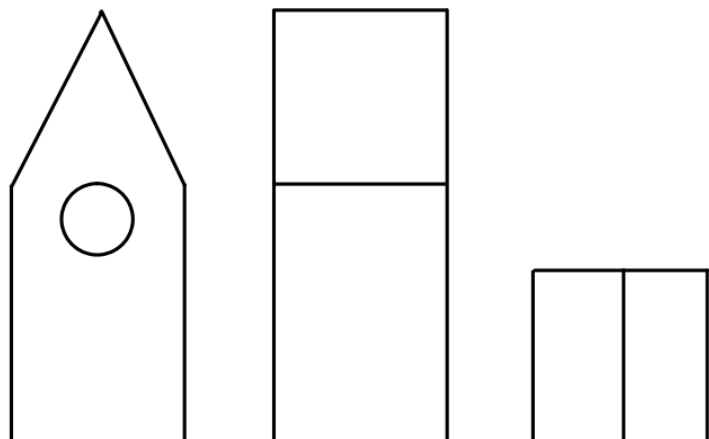
<http://www.fisne.science.uu.nl/toepassingen/00198/>

<http://www.fisne.science.uu.nl/toepassingen/02015/>

Hiernaast zijn achtereenvolgens het voor-, zij- en bovenaanzicht getekend van een vogelhuisje.

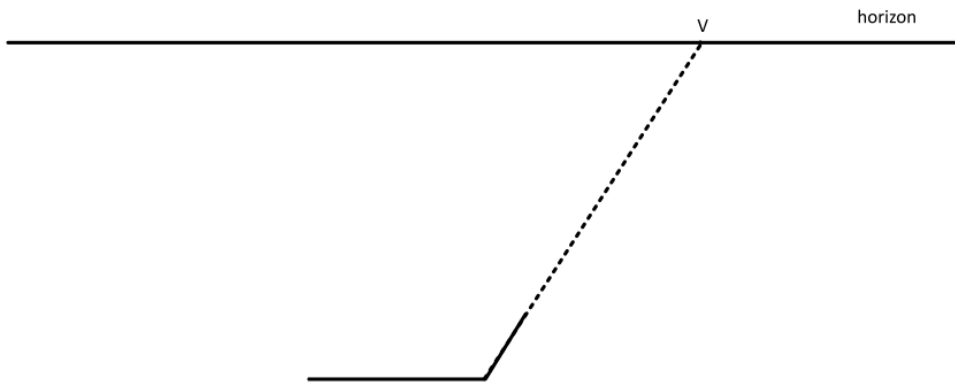
Op de uitwerkingbijlage is een begin gemaakt van de perspectieftekening van dit vogelhuisje.

9. Maak de tekening op de uitwerkingbijlage af.



U itw erkbiilage bij vraag 8.

U itw erkijlage bij vraag 9.



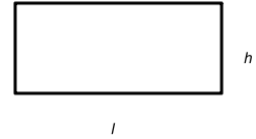


## §2 Inhoud van een lichaam

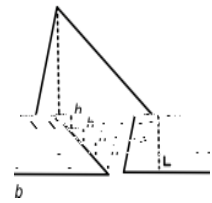
In deze paragraaf gaan we aan de slag met inhoud en oppervlakten van een lichaam: welke formules moet je kennen? Hoe bereken de inhoud van een lichaam?

Hoe wassen het ook alweer?

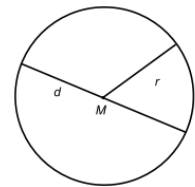
Oppervlakte van een rechthoek:  $O = l \cdot h$



Oppervlakte van een driehoek:  $O = \frac{1}{2} b \cdot h = \frac{b \cdot h}{2}$



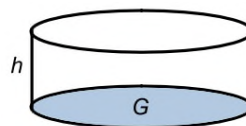
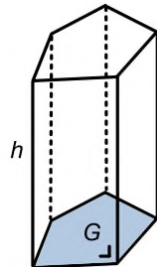
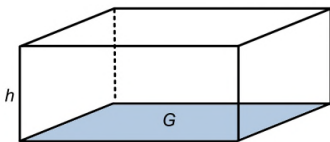
Oppervlakte van een cirkel:  $O = \pi \cdot r^2 = \frac{1}{4} \cdot \pi \cdot d^2$   
 (De omtrek van een cirkel is gelijk aan  $\pi \cdot d = 2 \cdot \pi \cdot r$ .)



Inhoud van een balk,

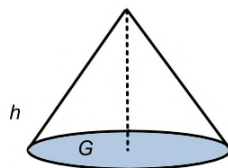
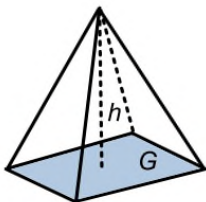
prisma en

cilinder:  $I = G \cdot h$



Inhoud van een piramide en

kegel:  $I = \frac{1}{3} G \cdot h$

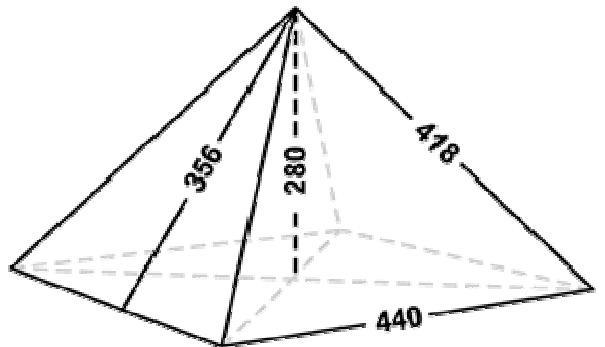


Eén van de zeven wereldwonderen is de Grote Piramide op het plateau van Gizeh aan de oever van de rivier de Nijl bij Cairo.



De grote piramide is de middelste van de drie piramides. Op het plaatje hiernaast vind je de afmetingen van deze piramide. Het grondvlak is een vierkant en de afmetingen zijn in meters.

1. Bereken de inhoud van de Grote piramide.



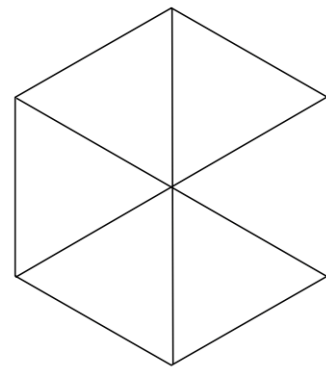
Aanpak

In de vorige opgave was het grondvlak een vierkant. De oppervlakte kun je, als je de lengte van de zijde weet, gemakkelijk uitrekenen. Als het grondvlak bijvoorbeeld een veelhoek is, teken het grondvlak en deel dit grondvlak op in bijvoorbeeld driehoeken. Reken de oppervlakte uit van een driehoek en dan kun je ook de hele oppervlakte van de veelhoek uitrekenen.

Voorbeeld een regelmatig zeshoek met zijde 8.

Een regelmatig zeshoek kun opdelen in zes gelijkzijdige driehoeken.

Om de hoogte van de driehoek te berekenen, gebruik je de stelling van Pythagoras



Onder de zeshoek staat een van de zes driehoeken getekend.

De hoogte van de driehoek kun je uitrekenen met de stelling van Pythagoras

$$h^2 + 4^2 = 8^2$$

$$h^2 = 64 - 16 = 48$$

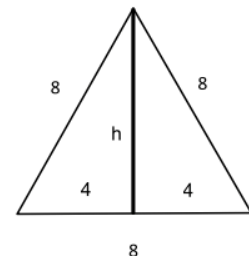
$$h = \sqrt{48}$$

De oppervlakte van een driehoek is dan:

$$O = \frac{1}{2} \cdot 8 \cdot \sqrt{48} \approx 27,713 \text{ cm}^2$$

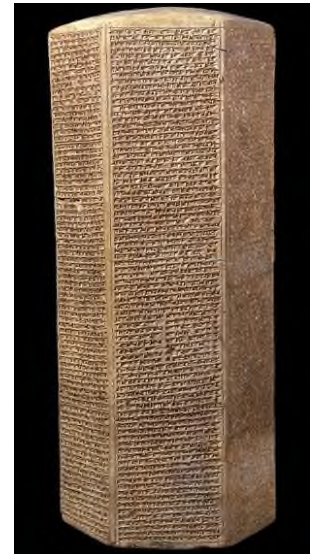
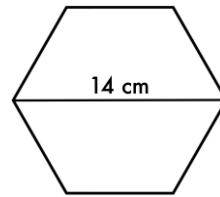
Dus de oppervlakte van de zeshoek is dan:

$$6 \times 27,713 \approx 166,3 \text{ cm}^2$$



Het Prisma van Sancherib is de benaming van een prisma van klei, die op de zes zijden een Akkadische historische tekst draagt, daterend uit de regering van de Assyrische koning Sancherib.

Het grondvlak is een regelmatig zeshoek. De hoogte is 38 cm en de lengte van de langste diagonaal van de zeshoek 14 cm.



2. Schets de zeshoek en bereken de oppervlakte zoals aangegeven in de aanpak.
3. Bereken de inhoud van de prisma van Sancherib.

4. Uit welke twee wiskundige lichamen bestaat deze kaars?

De totale hoogte van de kaars is 18 cm. De verhouding tussen de hoogtes van het bovenste en onderste gedeelte is 1 : 5.

De diameter van de kaars is 6 cm.

5. Bereken de inhoud van de kaars.



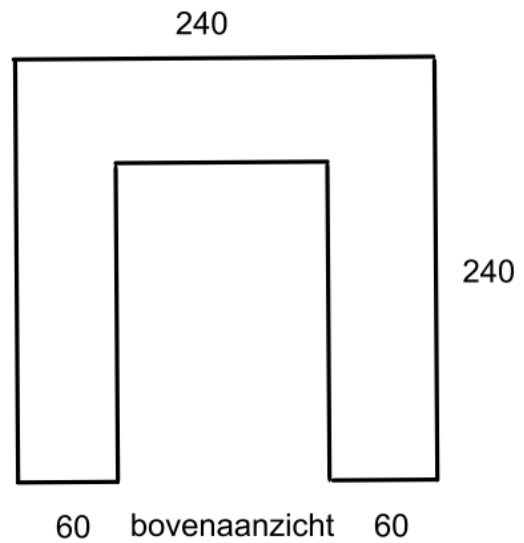
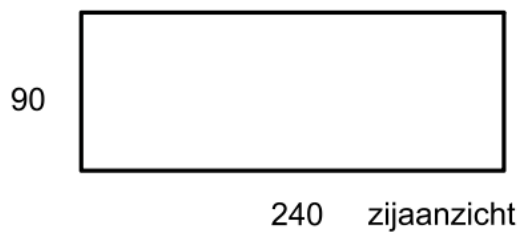
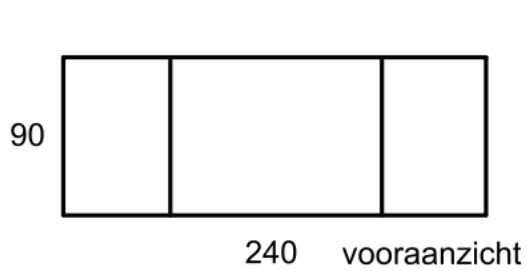
Het bovenste gedeelte van het doopvont, dat op de foto staat, bestaat uit een regelmatig achthoek. Het gedeelte waar het water in zit heeft de vorm van een halve bol. Het bovenste gedeelte is 60 cm breed en 35 cm hoog. De straal van de bol is 15 cm.

De formule voor de inhoud van een bol is  $I = \frac{4}{3} \cdot r^3$ .

6. Bereken de inhoud van het bovenste gedeelte van het doopvont inclusief de halve bol als verder gegeven is dat de oppervlakte van de achthoek  $2982 \text{ cm}^2$ .
7. Teken het bovenaanzicht.



In een huis wordt een nieuwe keuken geplaatst. In deze opgave bekijken we alleen het gedeelte dat op de grond staat: het keukenblok. Van dit keukenblok zijn het voor-, zij- en bovenaanzicht getekend. De afmetingen zijn in centimeters. Het werkblad is van graniet. De dikte is 5 cm.



8. Bereken uit hoeveel  $m^3$  graniet het werkblad bestaat.
9. Teken op de uitwerking bijlage de perspectieftekening van dit keukenblok.

U itw erkbiilage bij vraag 9.

horizon

